

# I- Rappels

## 1°) Définitions et notations.

Une fonction  $f$  définie sur une partie  $D$  de  $\mathbb{R}$  associe à chaque nombre  $x$  de  $D$  un **unique** nombre noté  $f(x)$ .

Notation :  $f : x \mapsto f(x)$  (On lit : «  $f$  est la fonction qui à  $x$  associe  $f$  de  $x$  . » )

$f(x_0)$  est l'**image** du nombre  $x_0$ .

Si  $f(a)=b$  alors on dit que  $a$  est un **antécédent** de  $b$ .

**Exemples** :  $f : x \mapsto x^2 - 1$

$f(1)=$ \_\_\_\_\_ ;  $f(2)=$ \_\_\_\_\_ ;  $f(-3)=$ \_\_\_\_\_ ;  $f(t)=$ \_\_\_\_\_ ;

$f(2u)=$ \_\_\_\_\_ ;  $f(u+1)=$ \_\_\_\_\_.

Antécédents de 3 : les antécédents de 3 sont les solutions de l'équation  $f(x)=3$ .

Cette équation équivaut à :  $x^2 - 1 = 3$ . C'est à dire :  $x^2 =$ \_\_\_\_\_.

Par conséquent :  $x=$ \_\_\_\_\_ ou  $x=$ \_\_\_\_\_.

Les antécédents de 3 sont donc : \_\_\_\_\_.

## 2°) Représentation graphique.

Dans un plan muni d'un repère la **représentation graphique C de f** (ou courbe représentative de  $f$ ) est l'ensemble des points de coordonnées  $(x ; f(x))$  où  $x$  appartient à  $D$ .

$y=f(x)$  est une équation de C

La courbe C ci-contre désigne la représentation graphique de la fonction  $g$ .

$g$  est définie sur l'intervalle \_\_\_\_\_.

$g(2)=$ \_\_\_\_\_  $g(-1)=$ \_\_\_\_\_.

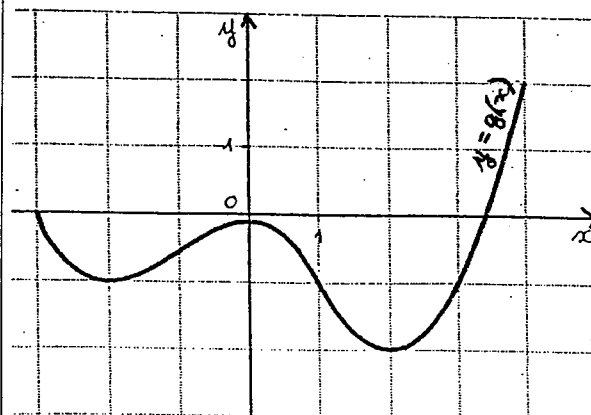
Les antécédents de  $-1$  par  $g$  sont : \_\_\_\_\_.

$-3$  a-t-il un antécédent ? \_\_\_\_\_.

Combien 1 a-t-il d'antécédents ? \_\_\_\_\_.

Remarque :  $g(2)$  est l' \_\_\_\_\_ du point d'intersection de C avec la droite d'équation \_\_\_\_\_.

Les antécédents de  $-1$  sont les \_\_\_\_\_ des points d'intersection de C avec la droite d'équation \_\_\_\_\_.



### 3°) Fonction croissante et fonction décroissante.

La fonction  $f$  est **croissante** sur un intervalle  $I$

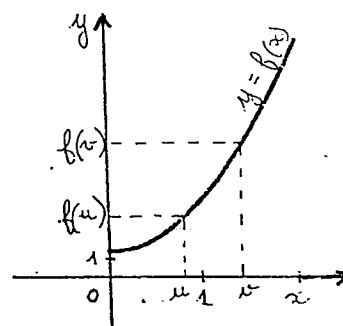
si :

pour tous réels  $u$  et  $v$  de  $I$  :

$$u \leq v \text{ entraîne } f(u) \leq f(v).$$

Dans ce cas, pour tous réels  $u$  et  $v$  appartenant à  $I$  :

$$u \geq v \text{ entraîne } f(u) \geq f(v)$$



$f$  est croissante sur  $[0; 2]$

La fonction  $h$  est **décroissante** sur un intervalle  $I$

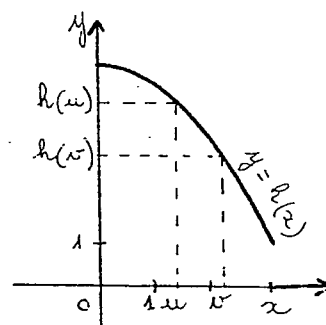
si :

pour tous réels  $u$  et  $v$  de  $I$  :

$$u \leq v \text{ entraîne } h(u) \geq h(v).$$

Dans ce cas, pour tous réels  $u$  et  $v$  appartenant à  $I$  :

$$u \geq v \text{ entraîne } h(u) \leq h(v)$$



$h$  est décroissante sur  $[0; 3]$

### 4°) Tableau de variation.

Le tableau des variations de la fonction  $g$  dont la courbe est représentée figure 1 est le suivant :

$x$	-3	-2	0	2	4
$g(x)$					

Le minimum de  $g$  est égal à \_\_\_\_\_. Il est obtenu pour  $x$  = \_\_\_\_\_.

Le maximum de  $g$  est égal à \_\_\_\_\_. Il est obtenu pour  $x$  = \_\_\_\_\_.

Le minimum de  $g$  sur  $[-3 ; 0]$  est égal à \_\_\_\_\_. Il est obtenu pour  $x$  = \_\_\_\_\_.

Le maximum de  $g$  sur  $[-1 ; 1]$  est égal à \_\_\_\_\_. Il est obtenu pour  $x$  = \_\_\_\_\_.

- Les solutions de l'inéquation  $f(x) < a$  sont les abscisses des points de la courbe représentative de  $f$  situés en-dessous de la droite d'équation  $y=a$ .

- Les solutions de l'équation  $f(x)=a$  sont les abscisses des points d'intersection de la courbe représentative de  $f$  avec la droite d'équation  $y=a$ .