

I- Rappels

1°) Définitions et notations.

Une fonction f définie sur une partie D de \mathbb{R} associe à chaque nombre x de D un **unique** nombre noté $f(x)$.

Notation : $f : x \mapsto f(x)$ (On lit : « f est la fonction qui à x associe f de x . »)

$f(x_0)$ est l'**image** du nombre x_0 .

Si $f(a)=b$ alors on dit que a est un **antécédent** de b .

Exemples : $f : x \mapsto x^2 - 1$

$f(1)=\underline{\hspace{2cm}}$; $f(2)=\underline{\hspace{2cm}}$; $f(-3)=\underline{\hspace{2cm}}$; $f(t)=\underline{\hspace{2cm}}$;

$f(2u)=\underline{\hspace{2cm}}$; $f(u+1)=\underline{\hspace{2cm}}$

Antécédents de 3 : les antécédents de 3 sont les solutions de l'équation $f(x)=3$.

Cette équation équivaut à : $x^2 - 1 = 3$. C'est à dire : $x^2 = \underline{\hspace{2cm}}$.

Par conséquent : $x=\underline{\hspace{2cm}}$ ou $x=\underline{\hspace{2cm}}$.

Les antécédents de 3 sont donc : $\underline{\hspace{2cm}}$.

2°) Représentation graphique.

Dans un plan muni d'un repère la **représentation graphique C de f** (ou courbe représentative de f) est l'ensemble des points de coordonnées $(x ; f(x))$ où x appartient à D .

$y=f(x)$ est une **équation** de C

La courbe C ci-contre désigne la représentation graphique de la fonction g .

g est définie sur l'intervalle $\underline{\hspace{2cm}}$.

$g(2)=\underline{\hspace{2cm}}$ $g(-1)=\underline{\hspace{2cm}}$

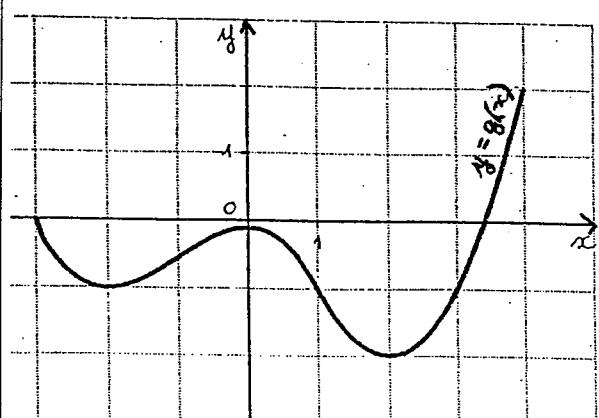
Les antécédents de -1 par g sont $\underline{\hspace{2cm}}$.

-3 a-t-il un antécédent ? $\underline{\hspace{2cm}}$

Combien 1 a-t-il d'antécédents ?

Remarque : $g(2)$ est l' $\underline{\hspace{2cm}}$ du point d'intersection de C avec la droite d'équation $\underline{\hspace{2cm}}$

Les antécédents de -1 sont les $\underline{\hspace{2cm}}$ des points d'intersection de C avec la droite d'équation $\underline{\hspace{2cm}}$



3°) Fonction croissante et fonction décroissante.

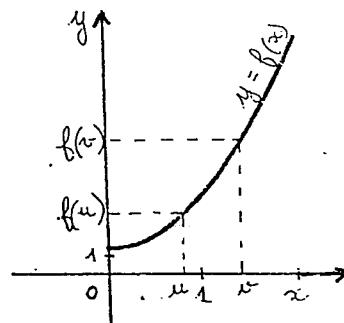
La fonction f est **croissante** sur un intervalle I si :

pour tous réels u et v de I :

$u \leq v$ entraîne $f(u) \leq f(v)$.

Dans ce cas, pour tous réels u et v appartenant à I :

$u \geq v$ entraîne $f(u) \geq f(v)$



f est croissante sur $[0; 2]$

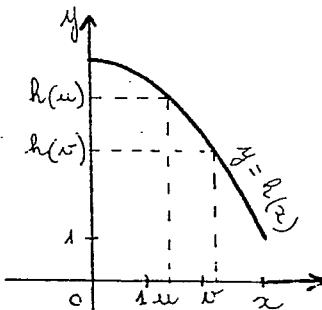
La fonction h est **décroissante** sur un intervalle I si :

pour tous réels u et v de I :

$u \leq v$ entraîne $h(u) \geq h(v)$.

Dans ce cas, pour tous réels u et v appartenant à I :

$u \geq v$ entraîne $h(u) \leq h(v)$



h est décroissante sur $[0; 3]$

4°) Tableau de variation.

Le tableau des variations de la fonction g dont la courbe est représentée figure 1 est le suivant :

x	-3	-2	0	2	4
$g(x)$					

Le minimum de g est égal à _____. Il est obtenu pour $x=$ _____.
 Le maximum de g est égal à _____. Il est obtenu pour $x=$ _____.
 Le minimum de g sur $[-3 ; 0]$ est égal à _____. Il est obtenu pour $x=$ _____.
 Le maximum de g sur $[-1 ; 1]$ est égal à _____. Il est obtenu pour $x=$ _____.
 • Les solutions de l'inéquation $f(x) < a$ sont les abscisses des points de la courbe représentative de f situés en-dessous de la droite d'équation $y=a$.
 • Les solutions de l'équation $f(x)=a$ sont les abscisses des points d'intersection de la courbe représentative de f avec la droite d'équation $y=a$.